

Evaluation

Question 3

En observant le graphique :

C ne peut être un sous-espace vectoriel de \mathbb{R}^2 même si $(0,0)$ appartient à C car si on trace le vecteur $v = (2,2)$, $v \in C$ mais le vecteur $3v$ n'appartient plus à C donc pas de stabilité pour la combinaison linéaire. Il suffit de tracer $3v$ pour voir qu'il n'appartient pas à C .

E ne peut être un sous-espace vectoriel car $(0,0)$ n'appartient pas à E .

E ne peut être une variété affine, car même si elle est le résultat de la translation de C par le vecteur $\vec{u} = (0,1)$, C n'est pas un sous-espace vectoriel.

Question 4

$$M = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3, x=2, y=1, z=-3\}$$

soit v le vecteur de \mathbb{R}^3 $v = (2, 1, -3)$

soit H l'espace vectoriel à un seul élément : $\{0_{\mathbb{R}^3}\}$

on voit que M est la translation par v de $\{0_{\mathbb{R}^3}\}$

M est la variété affine de direction $H = \{0_{\mathbb{R}^3}\}$.